Suites

Exercice 1

Calculer les trois premiers termes des suites ci-dessous définies par récurrence.

1.
$$u_0 = 5$$
 et $u_{n+1} = \frac{5n}{u_n}$

2.
$$v_1 = -2$$
 et $v_{n+1} = -3v_n - n^2$

3.
$$w_0 = 3$$
 et $w_n = 5w_{n-1} + n$ (pour $n \ge 1$)

Rappel important à retenir : pour tout réel a et entier n, $a^{n+1} = a^n \times a$.

Exercice 2

Étudier les variations de chacune des suites définies ci-dessous.

1.
$$u_n = n^3 - 2n^2 + n - 5$$

2.
$$v_0 = 5$$
 et $v_{n+1} = v_n^2 - 3v_n + 4$

3.
$$w_n = \frac{n+1}{3^n}$$

4.
$$t_n = 0.5^n$$

Exercice 3 On considère l'algorithme ci-contre.

- 1. Donner les différentes valeurs affichées par cet algorithme.
- 2. Parmi les propositions suivantes, donner celles qui définissent une suite dont les valeurs sont celles affichées par l'algorithme:

•
$$u_n = 2n \ (n \in \mathbb{N})$$

•
$$\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = 2u_n, n \in \mathbb{N} \end{cases}$$

•
$$u_n = 2^n \ (n \in \mathbb{N})$$

•
$$\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = 2u_{n+1}, n \in \mathbb{N} \end{cases}$$

$$a \leftarrow 2$$
Pour i allant de 0 à 5 Faire

Afflicher a
 $a \leftarrow a \times 2$
Fin Pour

•
$$u_n = 2^{n+1} \ (n \in \mathbb{N})$$

•
$$\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_n = 2u_{n-1}, n \in \mathbb{N}^* \end{cases}$$