Devoir surveillé n°5 25/01/2022

Exercice 1 (8 points)

1. Dans chacun des cas suivants, déterminer la limite demandée.

(a)
$$\lim_{x \to -\infty} 6 - 5x^3$$

(d)
$$\lim_{x \to -\infty} (e^x + 1) \left(5 + \frac{1}{x^2} \right)$$

(b)
$$\lim_{x \to +\infty} 2 - \frac{2}{x}$$

(b)
$$\lim_{x \to +\infty} 2 - \frac{2}{x}$$
(c)
$$\lim_{x \to +\infty} 5 - x - 2e^x$$

(e)
$$\lim_{\substack{x \to 2 \\ x > 2}} \frac{2x - 1}{2 - x}$$

2. Etant données les limites obtenues précédemment, indiquer pour chacun des cas s'il existe une asymptote et, si c'est le cas, en préciser l'équation et le type.

Exercice 2 (2 points)
Soit
$$f(x) = \frac{x^2 - 15x + 3}{2x^2 + 1}$$
.

- 1. Expliquer pour quoi, sous cette forme, $\lim_{x\to -\infty} f(x)$ est indéterminée.
- 2. Réécrire l'expression f(x) puis déterminer la limite $\lim_{x \to a} f(x)$.

LYCÉE MARIE CURIE

MATHCO 2021 - 2022

Devoir surveillé n°5
$$25/01/2022$$

Exercice 1 (8 points)

1. Dans chacun des cas suivants, déterminer la limite demandée.

(a)
$$\lim_{x \to -\infty} 2x^2 - x$$

(d)
$$\lim_{x \to +\infty} (e^x + 1) \left(\frac{1}{x} - 1\right)$$

(b)
$$\lim_{x \to +\infty} e^{-2x+3}$$

(c)
$$\lim_{x \to -\infty} 5 + x - \frac{2}{3x}$$

(e)
$$\lim_{\substack{x \to 2 \\ x < 2}} \frac{2x - 1}{2 - x}$$

2. Étant données les limites obtenues précédemment, indiquer pour chacun des cas s'il existe une asymptote et, si c'est le cas, en préciser l'équation et le type.

Exercice 2 (2 points)

Soit
$$f(x) = \frac{-3x^2 + 3}{2x^2 + 2x + 1}$$
.

- 1. Expliquer pourquoi, sous cette forme, $\lim_{x\to +\infty} f(x)$ est indéterminée.
- 2. Réécrire l'expression f(x) puis déterminer la limite $\lim_{x \to +\infty} f(x)$.

Devoir surveillé n°5 26/01/2022

Exercice 1 (8 points)

1. Dans chacun des cas suivants, déterminer la limite demandée.

(a)
$$\lim_{x \to -\infty} -5x^3 + x^2 - 2x + 3$$

(b) $\lim_{x \to +\infty} e^{7-5x}$

(d)
$$\lim_{x \to +\infty} (e^x + 1)(1 - x)$$

(b)
$$\lim_{x\to+\infty} e^{7-5x}$$

(c)
$$\lim_{x \to -\infty} 3 + \frac{2}{3x^2}$$

(e)
$$\lim_{\substack{x \to 3 \\ x < 3}} \frac{2x - 1}{3 - x}$$

2. Étant données les limites obtenues précédemment, indiquer pour chacun des cas s'il existe une asymptote et, si c'est le cas, en préciser l'équation et le type.

Exercice 2 (2 points)

Soit
$$f(x) = -3x^3 + 2x^2 + 2x + 1$$
.

- 1. Expliquer pourquoi, sous cette forme, $\lim_{x \to +\infty} f(x)$ est indéterminée.
- 2. Réécrire l'expression f(x) puis déterminer la limite $\lim_{x\to +\infty} f(x)$.

LYCÉE MARIE CURIE

MATHCO 2021 - 2022

Devoir surveillé n°5
$$26/01/2022$$

Exercice 1 (8 points)

1. Dans chacun des cas suivants, déterminer la limite demandée.

(a)
$$\lim_{x \to -\infty} -5x^3 + x^2 - 2x + 3$$

(b) $\lim_{x \to +\infty} e^{7-5x}$

(d)
$$\lim_{x \to +\infty} (e^x + 1)(1 - x)$$

(b)
$$\lim_{x \to +\infty} e^{7-5x}$$

$$(c) \lim_{x \to -\infty} 3 + \frac{2}{3x^2}$$

(e)
$$\lim_{\substack{x \to 3 \\ x < 3}} \frac{2x - 1}{3 - x}$$

2. Étant données les limites obtenues précédemment, indiquer pour chacun des cas s'il existe une asymptote et, si c'est le cas, en préciser l'équation et le type.

Exercice 2 (2 points)

Soit
$$f(x) = -3x^3 + 2x^2 + 2x + 1$$
.

- 1. Expliquer pourquoi, sous cette forme, $\lim_{x\to +\infty} f(x)$ est indéterminée.
- 2. Réécrire l'expression f(x) puis déterminer la limite $\lim_{x\to +\infty} f(x)$.